! "#\$%&&' (#\$%&\$) # * +)\$(%, - . #)\$ /, * * #0 - +, !1\$ - %\$% - #\$'.\$+2%3#\$! "#\$)+4\$

"!"#\$%&'"(\$!!

!

$$\label{eq:solution} \begin{split} &\# \$\% \&! `\$()! *) +\$,)*! - '), ').!/, !/0! 1) 2\$!!, 3! 4./5 /\% \$!1 \&! /\% */4,! \$! 0/,, /\% 2! \\ &6.) 0/*) \%, 7! + 8, !/, !/0!.\$.) 1 \&!*/04800) *! - '3!*) 4/*) 07! \$\% *! - '3!0 '381*!*) 4/*) 7!, '\$,! \\ &98) 0, /3\% :! ;/4 '\$.*! </= 3\%!.) 0/2\%) *!>.35!, ')! ? '/,)! @380) !/\%!, ')! 5 /*0, 13>! \$! \\ &4./5 /\% \$! 04 \$\% *\$ 17! \% ..3 - 1 \&! \$ (3/*/\% 2! / 5 A) \$4 ' 5)\%, !\$ \% *! 4./5 /\% \$!! 4 '$.2) 0:! !!! \\ &A./5 /\% \$! 04 \$\% *\$ 17! \% ..3 - 1 \&! \$ (3/*/\% 2! / 5 A) \$4 ' 5)\%, !\$ \% *! 4./5 /\% \$!! 4 '$.2) 0:! !!! \\ &B -)\%, \& C>/()! \&) \$.0! 1\$,).7! D/11! E1 /\%, 3\%! - \$0! / 5 A) \$4 ')*! + \&!, ')! @380)! 3>! \\ ;) A.) 0) \%, $/() 0! \$\% *! \$498 /,)*! + \&!, ')! F) \%, $)7! + 8,!, ')!, '.) \$,! 3>! 4./5 /\% \$!! \\ A.30) 48, /3\%! 1/\% 2).)*!, '.382 '38,! '/0! A.) 0/*) \% 4\&: "!! ''\%) A) \%*)\%, ! E38\% 0) 1! \\ &G) \%\%), '!F, \$..181, /5 $,) 1 \&!\%) ().!A.) 00) *!4 ' \$.2) 0! \$28 /\% 0,!E1 /\%, 3\% 7! - '/4 '!5) $\%,! \\ ,' $,!, ')!H:F:!F8A.) 5)!E38.,! - $0! 8\% $+1)!, 3! -)/2 '!/\%!3\%!, ')!43\% 0, /, 8, /3\% $1/, \&! 3>!, ')! 5 $,,).:# \\ \end{aligned}$$

2.38%*0!,3!4./5/%\$11&!/%*/4,!E1/%,3%:⁶!!@3 -)().7!,')!L>>/4)!3>!I)2\$1!E38%0)17! ,')!43%0,/,8,/3%\$1!1)2\$1!\$8,'3./,&!/%!,')!)=)48,/()!+.\$%4'7!0,\$,)*!,'.382'!/,0! 3 - %!3A/%/3%!1),,).0!,'\$,!\$!0/,,/%2!6.)0/*)%,!4\$%%3,!+)!4./5/%\$11&!/%*/4,)*7⁷! .)\$4'/%2!,')!3AA30/,)!43%4180/3%!\$0!,'\$,!3>!;3,8%*\$:⁸!!B'/0!%3,)! - /1!!\$.28)! ,'\$,!,')!L>>/4)!3>!I)2\$1!E38%0)1!MNL I EOP!!\$4J0!,')!/%*)A)%*)%4)!%)4)00\$.&! ,3!2/()!/,0!3A/%/3%0!A.)4)*)%,/\$!! -)/2',!/%!,'/0!*)+\$,)!+)4\$80)!/,!/0!8%*).!,')! /%>18)%4)!3>!,')6.)0/*)%,!'/50)1>:!

B')!98)0,/3%!.)5\$/%0!.)1)(\$%,!+)4\$80)!-)!>/%*!38.0)1()0!/%!\$!0/,8\$,/3%! -').)!,')!0/,,/%2!6.)0/*)%,7!Q3%\$1*!B.85A7!/0!8%*).!/%()0,/2\$,/3%:⁹!!R()%,0! '\$()!8%.\$()1)*!/%!\$!5\$%%).!0/5/1\$.!,3!-'\$,!3%)!5/2',!0))!3%!,')!03\$A!3A).\$! *.\$5\$! !''#\$% ''`& ()*+\$:'! !'55)*(\$,)1&!>3113-/%2!,')!STUV!)1)4,/3%7! /%,)11/2)%4)!.)A3.,0!43%>/.5)*!,'\$,!;800(\$!'\$*!5)**1)*!/%!,')!)1)4,/3%:¹:!!B')! W,,3.%)&!X)%).\$17!Y)>>!F)00/3%07!.)480)*!'/50)1>!>.35!A\$.,/4/A\$,/%2!/%!\$%! /%98/.&!/%,3!;800(\$%!5)**1/%2!+)4\$80)!')!-\$0!\$!08..32\$,)!/%!,')!B.85A! 4\$5A\$/2%:^{!!}!B')!ZD''!43%,/%8)*!/,0!/%()0,/2\$,/3%!/%!,')!>\$4)!3>!\$%! \$*5/%/0,.\$,/3%!,'\$,!*/*!%3,!-\$%,!/,:^{!!}!B')%7!6.)0/*)%,!B.85A!>/.)*!,')!

[#] OP# KOO! 9 @C(A%&FOC! XA(C!K(L@A<!N#! \$*J(&-!\A#-!/DD*D<%&<!/<_E!N@&#-!]XX+@!(X!Q@1%B! V(O&D@B-!O<0".H7+7/J#*E#/30#C1047,0"/(#U7B0#C1047,0"/#.",#*/301#>7@7+#LEE7B014#/*#VO,01.+#>17<7".+# C1*40B?/7*"# : 37+0# 7"# LEE7B0!"!.Y@=<#!24-!"57H:-!;<<=D6>X%D#(A1>*A=>%1@&+E>F(c>

Q/.)4,3.!3>!, ')!ZD"7!Y\$ 5)0!E3 5)&7!+)4\$80)!3>!N, ')!; 800/\$!, '/%2:0^{!#}!!Z/%\$11&7! ,')! W00/0,\$%,! W,,3.%)&! X)%).\$17^{!\$}!; 3*!; 30)%0,)/%7! \$AA3/%,)*! \$! 0A)4/\$1! 438%0)1!,3!43%*84,!\$%!/%*)A)%*)%,!/%()0,/2\$,/3%!3>!, ')!5\$,,).:^{!6}!!">!, ')!0A)4/\$1! 438%0)1?!; 3+).,! #8)11).7! >/%*0!, '\$,! 6.)0/*)%,! B.8 5 A! 3+0,.84,)*! [80,/4)7! 43118*)*! -/, '!; 800/\$7! 3.!)%2\$2)*!/%! 3, ').!4./5)07! 084 '!\$0! 43%0A/.\$4&!,3! (/31\$,)!4\$ 5 A\$/2%!>/%\$%4)!1\$ - 07! 5 3%)&!1\$8%*)./%27!3.!,\$=!)(\$0/3%7! - /11!, ')! 0A)4/\$1!438%0)1!+)!\$+1)!,3!4./5/%\$11&!/%*/4,!'/5 \!!W%*!/5 A3.,\$%,1&7! - '30)! 3A/%/3%!3%!, '\$,!98)0,/3%!0'381*!5\$,,).\!

$$\begin{split} B'/0!98)0,/3\%!/0!/5A3., \$\%, !+)4\$80)!/, !/0!\%3, !41)\$.!/>!!0/,, /\%2!6.)0/*)\%, !4\$\%! \\ +)!4./5/\% \$11\&!4'\$.2)*:!!B')!>/.0, !4'\$.2)0!\$.)!, ./4J1/\%2!*3-\%!>.35!, ')!0A)4/\$1! \\ /\%()0,/2\$,/3\%]!/\%418*/\%2!4'\$.2)0!3>!43\%0A/.\$4\&!\$\%*!53\%)\&!1\$8\%*)./\%2!+\&! \\ B.85AK0!>3.5).!A.)0/*)\%, /\$1!4\$5A\$/2\%!5\%\$2).7^{17}!/\%! - '/4'!\$![8.\&!, ./\$1! \\ 81,/5\$,)1\&!>38\%*!'/5!28/1, \&!3>!)/2', !438\%, 0!3>!5/04)11\%)380!>/\%\%4/\$1!4./5)0! \\ \$\%*!, \$=!>.\$8*:^{18}!!Z8., ').7!/\%0,)\$*!3>!>$4/\%2!\$!0)43\%*!, ./\$17!, ')!0\$5)!4\$5A$/2\%! \\ 5\%\%2).!$2.))*!, 3!433A).$,)!-/, '!, ')!0A)4/\$1!438\%0)1!$\%*!A1)$*)*!28/1, \&!, 3! \\ 53.)!438\%, 0:^{19}!! \end{split}$$

":! B) *+LIEK,+"!,(, "*!'*+B) - "+-+6#*,(%*!"+E-!!\$"+D*+E#(.(!-//0+")*('"*%+-!%+6#\$,*'&"*%!

B')! LIE!/,0)1>!/%0/0,0!,'\$,!,')! 6.)0/*)%,!/0!/5 5 8%)!>.35! 4./5/%\$1! A.30)48,/3%:^{#6}! ! B')! Y8*/4/\$.&! W4,! 3>! Ud_e!)0,\$+1/0')*!,')! 0,.84,8.)! \$%*! [8./0*/4,/3%! 3>!,')!>)*).\$1! 438.,! 0&0,) 5 ! \$%*! 4.)\$,)*!,')! A30/,/3%! 3>!,')! W,,3.%)&!X)%).\$1:^{#7}!! L().!,/5)7!,')!>8%4,/3%0! \$%*!*8,/)0!) (31()*7!+8,!,')! +\$0/4!A\$.\$5),.0!')1*!0,\$*&a!,3!.)A.)0)%,!,')!H%/,)*!F,\$,)0!/%!08/,0!/%!,')! F8A.) 5)!E38.,!\$%*!,3!2/()!\$*(/4)!\$%*!3A/%/3%!8A3%!98)0,/3%0!3>!!\$-!-')%! .)98)0,)*! +&!,')! 6.)0/*)%,! 3.! 3,').!')\$*0! 3>!)=)48,/()!*)A\$.,5)%,0:^{#8}!! R()%,8\$11&7!,')! W,,3.%)&! X)%).\$1!*)1)2\$,)*! 584'! 3>!/,0! 3A/%/3%! -./,%2! \$8,'3./,&!,3!,')!LIE7!-/,'!E3%2.)00!43*/>&/%2!,')!.\$%0>).!3>!\$8,'3./,&!/%! STTV:^{#9}!! D&!,'\$,! 0\$5)! &)\$.7! <) -0-))J! 1\$+)1)*!,')! LIE! \$0! N,')! 530,! /5A3.,\$%,!23().% 5)%,!3>/4)!&38K()!%)().!')\$.*!3>:0[#]!!B')!LIEK0! 530,! /5A3.,\$%,!>8%4,/3%! /0!,3!/008)!1)2\$1! 3A/%/3%0!>3.!,')!)=)48,/()!+.\$%4'7!)0A)4/\$11&!3%!/008)0!3>!43%0,/8,/3%!!!\$-:!

\$4,8\$11&!435)!/%,3!)=/0,)%4):⁶⁷!!"%!U_dT7!E3%2.)00!2\$()!,')!W,,3.%)&!X)%).\$1! ,')!\$+/1/,&!,3!3().0))!\$11!4./5/%\$1!\$%*!4/(/1!1/,/2\$,/3%!/%(31(/%2!,')!H%/,)*! F,\$,)07!+8,!/,!-\$0!%3,!8%,/1!Uef`!,'\$,!,')!53*).%!Y80,/4)!Q)A\$.,5)%,!4\$5)! /%,3!)=/0,)%4):⁶⁸!

B')! W,,3.%)&! X)%).\$!! - 0! 4.,*,*! +&!,')! Y8*/4/\$.&! W4,!/,0)1>7! \$%! /5A3.,\$%,! */0,%4,/3%! \$0! /,! - 0! 3,! 4.,*,*!,'.382'!)=)48,/()!+.\$%4'! .)281\$,/3%07!+8,!.\$,').!+&!E3%2.)00:⁶⁹!!L8,0/*)!3>!+)%2!,')!480,3*/\$%!3>!,')! 1\$ - 1>3.!,')!)=)48,/()!*)A\$.,5)%,07!,')!W,,3.%)&!X)%).\$1! - 0!,\$0J)*!-/,'!,')! \$**/,/3%5!!.)0A3%0/+/1/,&!,3! N8A'31*!\$%*!A.)0).()!,')!1\$ - 1\$%*!,3!*3!03!\$443.*/%2!,3!1)2\$1!0,\$%*\$.*07!%3,1A31/,4\$1!3%)0:0⁶!!B')!,.\$*/,/3%51!(/) - 13>!,')!.31)!3>!,')!W,,3.%)&!X)%).\$1!/0!+)0,!*)04./+)*!+&!W,,3.%)&!X)%).\$1!E\$1)+! E80'/%2!/%!U_g`7!N,3!2/()!'/0!\$*(/4)!\$%*!3A/%/3%!3%!98)0,/3%0!3>!1\$ - 1.3!, ')!6.)0/*)%,!\$%*!,3!,')!')\$*0!3>!*)A\$.,5)%,07!,')!\$4,/3%!3>!,')!W,,3.%)&!X)%).\$1! /0!98\$0/C[8*/4/\$1:0⁷!!@)1>8.,').!)=A1\$/%)*!,')!.31)!\$0!3%)!-').)!,')!W,,3.%)&0! X)%).\$1!3A/%/3%0! - 381*!*)>/%)!,')!1\$ - 7!!B')!98\$0/C[8*/4/\$1!A3 -).!3>!,')! W,,3.%)&!X)%).\$1!A.3(/*)*!,')!6.)0/*)%,!\$%*!,')!')\$*0!3>!*)A\$.,5)%,0! - /,'! N\$8, '3./,\$/()!\$%*!>/%\$1!*),).5/%\$,/3%0!3%!,')!5)\$%/%2!3>!,')!!\$ -:0⁷</sup>!

$$\begin{split} B')!LIE! - \$0!3./2/\$1!\&!\%\$5)*!, ')!NL>>/4)!3>!, ')!W00/0,\$\%,!F31/4/,3.!\\ X)\%).\$17!+8,! - \$0!0,\$,8,3./!\&!0)A\$.\$,)*!/\%!Ueff!\$\%*!.)\%\$5)*!, -)\%,\&!\&)\$.0!\\ 1\$,).:0^{7#}!!B')!LIE! '\$0!3>,)\%!+))\%!.)>)..)*!,3!\$0!, ')!NW,,3.\%)\&!X)\%).\$1K0!\\ I\$-\&).70!\$0!/,! '\$0!3>,)\%!+))\%!.)>)..)*!,3!\$0!, ')!NW,,3.\%)\&!X)\%).\$1K0!\\ I\$-\&).70!\$0!/,! '\$0!3>,)\%!+))\%!.)>)..)*!,3!\$0!, ')!NW,,3.\%)\&!X)\%).\$1K0!\\ I\$-\&).70!\$0!/,! '\$0!3>,)\%!*)12\$,)*!\$1530,!\$11!3>!, ')!$,,3.\%)&0!2)\%).\$1K0!\\ I\$-\&).70!\$0!/,! '$0!+))\%!*)12\$,)*!\$1530,!\$11!3>!, ')!$,3.\%)&0!2)\%).\$1K0!\\ A:\$4,/4)0!\$\%*!*)>/\%)*!/,0!43.)!>8%4,/3\%7!N,3!A.3(/*)!43\%,.311/%2!*(/4)!,3!,')!\\ A.\$4,/4)0!\$\%*!*)>/\%)*!/,0!43.)!>8%4,/3\%7!N,3!A.3(/*)!43\%,.311/%2!*(/4)!,3!,')!\\)=)48,/()!+.$%4'!3>/4/$10!3\%!98)0,/3\%0!3>!!$-!, '$,!$.)!4)\%,.$11!&!/5A3.,$\%,!,3!\\ ,')!>8%4,/3\%/\%2!3>!, ')!Z)*).\$1!X3().\%5)\%,:0^{76}!W!28/*/%2!A./%4/A1)!, '$,!/0!\\ 5\,\$\%*\$,)*!3\%!$\%!LIE!$,3.\%)&!/0!.3!N\$1 - $\&0!2/()!4\$\%*/*7!/\%*)A)\%*)\%,7!$\%*! \end{split}$$

U5P# !, P!%<!22U#!

! 0"#! N%AA*D(&-!4?=1.#&(<@!4H-!%<!220I27#!

04*P*# !, *P*!

[#] UOP# !, P!%<!22H#!

[#] U7P# !, P!%<!224I2U#!

^{! 03#!} Q0&F-!4?=1. !&(<@!43-!%<!44"#!

^{# 02}P# /, P!%<!227#!

[!] OH#! ^ C*@+-!4?=1. !&(<@!4"-!%<!HH7#!

[!] OU#! 9 @C (A%&FOC !XA(C!\$ %W*F!\#!S %AA(&-!/+<*&1!/DD*D<%&<!/<<_E!N@&#-!] XX*+@!(X!Q@1%B!V(O&D@B-! R04/# C1.B/B04# E*1# L1># IOA.+# O, @7B0# .'', # :17//0"#

9-& :4) *% ; %<1\$1\$&"3&4/%=>%<#41?%&

3>!, ')!0/2%/>/4\$%,!+3*&!3>!/%,).A.),\$,/3%!\$%*!/%0,.84,/3%!,3!0,/4J!,3!A.)4)*)%,7! /,!/0!%3,!!/J)1&!, ')!LIE! - /1!!0,.\$&!>.35!\$!A\$0,!3A/%/3%:!

(-& ... /& 08(@:& A % B''*)3+)& C% 2)*+132& (*1B13)7&, B% 3)D17145&'''& E*%\$1+%34&

$$\begin{split} & Z3113 - /\%2! + 3, '!, ')! ? \$, 2\$, !04\$\% \$1!3>!6.)0/*)\%, !: /4' \$.*! </=3\%! \$\%*! \\, ')!/5 A) \$4' 5)\%, !3>!6.)0/*)\%, !D/11!E1/\%, 3\%7!, ')!L IE!/008) \ast!3A/\%/3\%0!0, \$, \%2! \\, '\$, !, ')!6.)0/*)\%, !- \$0!/5 5 8\%) !>.3 5 !4. / 5 /\% \$1!A. 30) 48, /3\%! \$!! "\%!Uedf7!A30, C ? \$, 2$,)7!, ')! L IE! $.28) \ast!, '\$, !, ')! 6.)0/*)\%, !- \$0!, 33! N8\%/98) 0!, 3! +)! \\08+[)4,)*!, 3!4. / 5 /\% \$1!A. 30) 48, /3\%! +) 4$80) !/, !- 381*!8\%*). 5 /\%) !'/0! \$+/1/, \&!, 3! \\A).>3. 5 !43\%0, /, 8, /3\% \$1! \&! $00/2\%) *!>8\%4, /3\%0!^9: !!B')! \$8, '3.7! Q/=3\%7^9! !$.28) \ast! ,'\$, !$\%\&! $.28 5)\%, !$0!, 3! / 5 5 8\%/, \&! '\$*!, 3! +)! +$0) *! 3\%!, ')! N*34, ./\%)! 3>!, ')! \\0)A\$. \$, /3\%! 3>!A3 -).0: 0^9"!!Z8., '). 5 3.) 7!, ')! 6.) 0/*) \%, !- \$0! \%3, !N\$\%! 3.*/\% \$. \&! 4/, /b) \%70! 03! \$\%\&! 41\% / 5 0!, '\$, !\$438., !4381*! '\$()![8./0*/4, /3\%!3().!'/5! '$*!, 3! +)! +\$1\%4) *! -, '!! A38., 0! $\%*!, ')! 0A) 4/\$1! .) 0A3\%0/+/1/, /0!: !:!! 3>!, ')! 6.) 0/*) \%4\&: 0^9#!!!$$

)=4)A,!,')!6.)0/*)%,!\$.)!08+[)4,!,3!/%*/4,5)%,!\$%*!4./5/%\$1!A.30)48,/3%!-'/1)! 0,111/(13) = 0.1W**/,/3%\$11&7!, ')!STTT!LIE!#)53!+.3\$*)%)*!, ')!043A)!-/, '!>8., ').!08AA3.,! >.35!\$!+./)>!>/1)*!/%!>)*).\$1!438..!\$2\$/%0.! c/4)!6.)0/*)%.!W2%) - ![80.!, -3! -))J0!\$>,).!,')!Uedf!LIE!#)537!,'\$,!\$.28)*!N,')!Z.\$5).0!4381*!%3,!'\$()! 43%,) 5 A1\$,)*!A.30)48,/3%!3>!\$%!/%485+)%,!6.)0/*)%,!+)4\$80)!, ')&!()0,)*!/%! '/5!435A1),)!A3-).!3>!,')!)=)48,/3%!3>!,')!!\$-07!-'/4'!/%418*)07!3>!438.0)7! , ')!A3 -).!,3!43%,.3!!A.30)48,/3%0:0⁹⁹!!B')!STTT!LIE!#)53!43%0/*).)*!,')! \$**/,/3%\$1!F8A.)5)!E38.,!4\$0)0!,'\$,!-).)!*)4/*)*!/%!,')!/%,)./5!,'\$,!-).)! .)1) (\$%,!.3!4./5/%\$1!A.30)48,/3%:⁹:!!Z/.0,7!/%!*F3*14%+&:4)4%\$&?-&G1>"37^{:;}!,')! E38., !3A/%)*! - ')%!, ')!6.)0/*)%, !3.!, '30)! ')!43558%/4\$,)0! - /, '!4\$%!\$00).,!)=)48,/()! A./(/1)2):!! F)43%*7! /%! (7134"3%?-& H"3%\$7:'&,')! E38.,!')1*!, '\$,! 43%0,/,8,/3%\$1!/5 5 8%/,&! - 381*!%3,!)=,)%*!,3!43%*84,!8%.)1\$,)*!,3!,')!3>>/4/\$1! *8,/)0!3>!, ')!6.)0/*)%,:!!B'/.*7!/%!*G*1>*"3k*?-*kI*14*J*2%*)7+7^{:"}!, ')!E38.,!>38%*!, '\$,! ,').)! - 381*!+)!\$+0318,)!A.)0/*)%,/\$1!/5 58%/,&!>.35!*\$5\$2)0!1/\$+/1/,&!>3.! 3>>/4/\$1!.)0A3%0/+/1/./)0!3>!.')!6.)0/*)%.:!!?/.'/%!.')!43%0/*).\$./3%!3>!.')! \$**/,/3%\$1!4\$0)!1\$ - 7!, ')!STTT!LIE! #) 5 3!43%418*)*!, '\$,!, ')!E3%0,/,8,/3%! .)98/.)0!.)432%/,/3%!3>!A.)0/*)%,/\$1!/558%/,&!>.35!/%*/4,5)%,!\$%*!4./5/%\$1! A.30)48,/3%!3>!\$!0/.,/%2!6.)0/*)%,:^{:#}!

D3, '!, ')!Uedf!Q)A\$., 5)%,!3>!Y80,/4)!\$%*!, ')!STTT!Q)A\$., 5)%,!3>!Y80,/4)! 4\$5)!,3!,')!0\$5)!43%0,/,8,/3%\$!!43%4180/3%7!\$>,).!\$%!\$1530,!/*)%,/4\$!! \$%\$1&0/0:^{*\$}!!I/J)1&7!,')!STTT!LIE!#)53!-\$0!>3113-/%2!A.)4)*)%,!\$0!,')! 98)0,/3%!3>!4./5/%\$1!\$5)%\$+/1/,&!3>!,')!0/,,/%2!6.)0/*)%,!\$*!+))%!.\$/0)*!\$%*! *)+\$,)*!A.)(/3801&!+&!,')!Uedf!LIE:⁶!!"%!,')!\$+0)%4)!3>!+/%*/%2!1\$-!>.35! \$!438.,!\$**.)00/%2!084'!\$!41\$/57!,')!LIE!43%,/%8)*!,3!/%0/0,!,'\$,!\$!0/,,/%2! 6.)0/*)%,!/0!/558%)!>.35!/%*/4,5)%,!\$%*!4./5/%\$1!A.30)48,/3%:⁻⁷!

[#] G7P# !, P#%<!222#!

[#] G5P# K00#4?=1.!&(<@D!G2IG4#!

^{! 53#! 4&}quot;G!g#Y#!OGH-!737I"H!."574:#!

^{! 5&}quot;#! U23!g#Y#!OG"-!O5HI5U!."557:#!

^{! 52#! 4}U7!g#Y#!7H"-!745-!7U0!."5G2:#!

^{# 5}HP# K00#2333!] OV! 9 @C(-!4?=1.!&(<@!0-!%<!244-!203#!

^{# 54}P# K00#"57H!] QV! 9 @C(-!4?=1.!&(<@!0-!%<!23IH2f!2333!] QV! 9 @C(-!4?=1.!&(<@!0-!%<!203#!

^{# 50}P# K00!7, P!%<!HHf!2333!] QV! 9 @C(-!4?=1. !&(<@!0-!%<!203#!

"":! "...&!("07+"!%('".*!"7+".1*-').*!"!

? '/1)!, ')! L I E!/%0/0,)*!/,0!0, \$%4)! - \$0! 43%0, /, 8, /3% \$11&! 038% *7: 8 !1)2\$!! 04'31\$.0!\$.)!>8% *\$5)%, \$11&!*/(/*)*!3%!, ')!/008)!3>!4./5/% \$1!A.30)48, /3%: 9 !! 6.3>)003.!WJ'/1!W 5 \$.!\$.28)0!, '\$,!,) 5 A3.\$.&!/5 5 8%/, &!0'/1*0!, ')!6.)0/*)%,! >.35!4./5/% \$1!A.30)48, /3%7! - '/1)!; 3% \$1*!; 3, 8% *\$!\$.28)0!, '\$,!, ').)!/0! %3! /5 5 8%/, &?1!\$%*!/5 5 8%/, &!0'381*!%3, !+)!/%>)..)*!>.35!, ')!E3%0, /, 8, /3%: ``!!B')! 4.8=!3>!W 5 \$.K0!\$.285)%, !/0!, '\$,!, ')!6.)0/*)%, !'\$0!, 3!+)!,) 5 A3.\$./1&!/5 5 8%)]! 3, '). -/0)7!, ')!)=)48,/()! +.\$%4'! - 381*! +)! A\$.\$1&b)*! -/, '! \$%! \$..)0,7! /%*/4, 5)%, 7!\$%*!, ./\$1: ':'!!6.3>)003.!; 3, 8% *\$K0!\$.285)%, !/0! 5 84'! 5 3.)!0, ./4,! '/5:^{!;9}!!B'807!,')!/5A)\$4'5)%,!438.,!/0!,')!3%1&!438.,!,'\$,!4\$%!43..)4,1&!,.&! \$!0/,,/%2!6.)0/*)%,:!

$$\begin{split} B')! >& .0,!A\$.,!3>!6.3>)003.!W 5 \$.K0!/5 5 8\%/, \&!41\$/5 !/0!, '\$,!, ')!6.)0/*)\%,! \\ /0! 43\%0,/,8,/3\%\$11\&! */0,/\%4,!>.35!3, ').!A.30)48, \$+1)! 3>>/4/\$10:'::!!Z/.0,7!, ')! \\ 6.)0/*)\%,! /0! \$! 8\%/, \$.\&!)=)48,/()]! - ').)!, ')! 1)2/01\$,8.)! 43\%0/0,0! 3>! gfg! \\ F) \%\$,3.0!\%*!;)A.)0)\%, \$/()07!\$\%*!, ')![8*/4/\$.\&!43\%0/0,0!3>!3().!UfTT!W.,/41)! \\ """![8*2)0!\$\%*!\%/\%)!F8A.) 5)!E38.,!Y80,/4)07!, ')!6.)0/*)\%, !\$13\%)!/0!, ')!)\%,/.)! \end{split}$$

, -& 8)<N&"'&K3+%M%3+%3<%&&

B')!LIEK0!!4J!3>!/(*)A)()!35!,')!=)48/()!+.%4'!A!()!430//3%! - ').)!/,0!%3.50!()!33,108>>/4/)%!,3!435+\$,1A31/,4\$1!A.)008.)! ()35!,')!6..0/*)%,!%?!'(0!A31/4&!5\$J).0!!B')!W,3.%)&!X)%).\$1!\$%*!,')!LIE!<math>0'381*!0,./()!,3!>/%*!,')!+0,!(/)-!3>!,')!1\$-7!%3!,3!)%*3.0)!,')!6..0/*)%,:¹⁵!!B')!LIEK0![3+!/0!,3!4.)\$,)!,')!0,3%200,!1)2\$1!\$.285,0,0!08AA3.,)*!+&!,')!E3%0,/8,/3%7!03!,'\$,!,')!)=)48,/()!4\$%!,3J)!4\$.)!,'\$,!,')!!\$-! /0!N>\$/,'>811&!)=)48,)*:0¹⁶!!B')!LIEK0!/%,).%\$1!0\$>)28\$.*0!3>!/%*)A)%*)%4)! /%418*)!.)98/./%2a!UP!43%081,\$,/3%!+>3.)!,')!23().%5)%,!,3J)0!\$%&!\$4,/3%7!SP! ..\$%0A\$.)%4&!/%!*.\$>,/%2!3A/%/3%07!\$%*!fP!0,\$.)!*)4/0/0!3>!A./3.!3A/%/3%0:¹⁶¹!! @3-)().7!,'/0!/0!%3,!)%382']!3%)!.)98)0,>.35!,')!6.0/*)%,7!,')!LIEK0!+3007! /0!)%382'!,3!8A.33,!,.\$*/,3%!\$%*!%3.50!+)4\$80)!,')!E3%0,/,8,/3%!'\$0!4'\$.2)*! ,')!6.)0/*)%,!-/,'!>%,'>811&!)=)48,/%2!,')!!\$-0!⁶</sup>!

Q)0A/,)!%3.50!3>!/%*)A)%*)%4)7!, ')!LIE!/0!%3,!>3.5\$ll&!/%*)A)%*)%,! +)4\$80)!/,0!\$4,/3%0!\$.)!/%,).%\$l!,3!, ')!)=)48,/()!+.\$%4':^{16#}!!",!*3)0!%3,!'\$()! ,')!A.3,)4,/3%0!3>!\$!,.81&!/%*)A)%*)%,!\$2)%4&7!!/J)!, ')Z)*).\$1!;)0).()!D3\$.*7! - ').)!E3%2.)00!'\$0!2.\$%,)*!N+.3\$*!.81)!5\$J/%2!\$8,'3./&:0^{16\$}!!B')!LIE!/0! ')\$*)*!+&!\$%!W00/0,\$%,!W,,3.%)&!X)%).\$17!-'3!/0!%35/%\$,)*!+&!,')!6.)0/*)%,! \$%*!43%>/.5)*!+&!,')!F)%\$,):!!B')!A30/,/3%!/0!\$!A31/,/4\$!!3%)!\$0!,'/0!W00/0,\$%,! W,,3.%)&!X)%).\$1!0).()0!\$,!,')!A1)\$08.)!3>!,')!6.)0/*)%,:¹⁶⁶!!@3-)().7!-/,'%! ,')!LIE7!,')!,)%8.)!3>!!/%)!\$,3.%)&0!/0!!/5/,)*!,3!,-3!3.!,'.))!&)\$.0:¹⁶⁷!!?/,'! ,')!LS2)!,8.%3().!3>!\$,3.%)&0?!,')!W00/0,\$%,!W,3.%)&!X)%).\$1!/0!\$+1)!,3! \$AA3/%,!\$,,3.%)&0!,'\$,!1/J)1&!\$1/2%!53.)!-/,'!,')![8./0A.8*)%4)!3>!,')! \$*5/%/0,.\$,/3%!/%!-'/4'!,')&!0).():¹⁶⁸!!H1,/5\$,)1&7!,').)!/0!().&!1/,1)![3+! A.3,)4,/3%b3.!,')!!\$-&).0!-/,'/%!,')!LIE!\$%*!,')!W00/0,\$%,!W,,3.%)&!X)%).\$1! ').0)1>:!!',!/0!I/J)1&!,'\$,!,')!LIE!-/11!>))1!+)'31*)%!,3!,')!6.)0/*)%,:!

B').)/%!1/)0!,')!A.3+1

, '\$,! \$%! h)=A.)00! .)98)0,K! >3.! 3()..8!/%2! >.35!, ')!)=)48,/()!)%,/&! 530,! \$>>)4,)*!+&!, ')!3A/%/3%!/0!i, ')!+)0,j!A.)*/4,3.!3>!084'!\$!*)A\$.,8.):0¹⁶⁹!!"%! .)4)%,!&)\$.07!6.)0/*)%,0! '\$()!\$0J)*!, ')!LIE!>3.!08AA3.,!/%!.)\$4'/%2!, ')/.! A31/4&!23\$10:!!Z3.!)=\$5A1)7!6.)0/*)%,ID80'!%))*)*![80,/>/4\$,/3%!,3!,3.,8.)!\$%*! .)4)/()*!/,!/%!, ')!/%>\$5380!,3.,8.)!5)53:!!B')!98\$1/,&!3>!, '\$,!\$%\$1&0/0! '\$0! +))%! ')\$(/1&! 4./,98)*7! \$%*! 3%)! 3>!, ')! \$8, '3.0! 3>!, ')! 5)53! '\$0!+))%! *)04./+)*!\$0!5/08%*).0,\$%*/%2!'/0!.31)7!,.)\$,/%2!'/0!41/)%,!\$0!6.)0/*)%,!D80'7! .\$, ').!, '\$%!, ')!3>>/4)!3>!, ')!6.)0/*)%4&:¹⁶¹!!L%!, ')!3, ').! '\$%*7!6.)0/*)%,! L+\$5\$!0'3.,C4/.48/,)*!, ')!LIEK0!%3.50!\$1,32), ').!+&!+&A\$00/%2!/,!,3!\$4'/)()! '/0!3 - %!)%*07!\$0J/%2!>3.!/%>3.5\$17!.\$, ').!, '\$%!>3.5\$17!\$*(/4)!3%!, ')!]2\$1/,&! 3>!0,\$&/%2!/%!I/+&\$7!\$%*!, ').)+&!/%*/4\$,/%2!,3!LIE!\$,,3.%)&0!, '\$,!/>!, ')/.! \$*(/4)!-\$0!%3,108AA3.,/()!3>!, ')!48..)%,!6.)0/*)%,K0!A31/4&!23\$107!/,!-\$0!!/J)1&! .3!+)!/2%3.)*!/>!)()%!.)98)0,)*:¹⁷!

9-& 81B14\$&"'&4/%&E"7141<)7&O#%\$41"3&

Y80,/4/\$+/1/,&!/008)07!0A)4/>/4\$11&!,')!A31/,/4\$1!98)0,/3%!*34,./%)7!5/2',! A.)()%,![8*/4/\$1!.)(/)-!3>!,')!A.30)48,3./\$1!*)4/0/3%!,3!/%*/4,!\$!0/,,/%2! 6.)0/*)%,7!,').)+&!1)\$(/%2!,')!LIE!\$0!,')!>/%\$1!\$.+/,).!3>!-'),').!/%*/4,5)%,! -381*! (/31\$,)!,')! E3%0,/,8,/3

$$\begin{split} B'(0!0, \$\%2)!*/4'3,35\&!'\$0!\$103!+))\$!\%3,/4)*!+\&!43\%0,/,8,/3\$\$1!04'3!\$.0:!!\\ Z3.!)=\$5A1)7!D.84)!W4J).5\$\%'!*!!41\$/50!, '\$,!, ')!3A/\%/3\%0!, '$,!435)!38,!3>!\\, ')!LIE!\$.)!0\&5A,350!3>!\$!*))A).!0,.84,8.\$1!A.3+1)5!/\%!, ')!?',)!@380)!\\ \$\%*!, ')!Y80,/4)!Q)A\$.,5)\%,:^{18!}!!B')!LIE!*3)0!%3,!'$()!,3!08+[)4,!/,0)1>!,3!, ')!\\ 4')4J0!\$\%*!+\$1$\%4)0!, '$,!43\%0,.$/\%!A.3>)00/3\%$1!!)2$1![8*25)\%,:^{18"}!!W4J).5$\%!\\, '/\%J0!, ')!LIE!0'381*!+)!3.2$\%/b)*!53.)!1/J)!$!438.,! - ').)!/,!580,!')$.!\\ +3, '!0/*)0!3>!$!1)2$1![$.285)\%,!+>3.)!.)$4'/\%2!/,0!3A/\%/3\%0!3\%!, ')!5)./,0:^{18#}!!\\ @)!$.28)0!>3.!, ')!.)().0$1!3>!R=)48,/()!L.*).!U57U`V!03!, ')!LIE!4$\%!,8.\%!\\ /\%,3!$!,./+8\%$1!3>!581,/5)5+).!A$\%)10:^{18*}!!E1)$.1&7!W4J).5$\%!/0!$-$.)!, '$,!\\, ')!,$0J!')!0822)0,0!/\%!.)C*)0/2\%/%2!$\%!/%0,/,8,/3\%!!/J)!, ')!LIE!/0!%3!05$11!!\\ 3.*).7!+8,!0,.)00)0!'3-!/5A3.,$\%,!/,!/0!,3!+8/1*!, ')!+)0,!/%0,/,8,/3\%!A300/+1)!\\ +)4$80)!\%!, ')!-3.*0!3>!#$*/03\%7!N, ')!)\%1/2',)\%'*!0,$,)05)\%!-/11!%3,!$1-$&0!\\ +)!$,!, ')!')15:0^{186}! \\ \end{split}$$

6).'\$A0!,').)!/0!\$!53.)!5/**1)C3>C,')C.3\$*!\$AA.3\$4':!!"%!3.*).!,3! \$4'/)()!,')!/%*)A)%*)%4)!%)4)00\$.&!>3.!,')0)!/5A3.,\$%,!3A/%/3%07!,')!LIE! -381*!>8%4,/3%!53.)!)>>/4/)%,1&!\$%*!>\$/.1&!/>!/,!-).)!0),!8A!1/J)!\$%! N/%*)A)%*)%,!\$2)%4&:0^{!87}!!E3%2.)00!4\$%!2.\$%,!,')!LIE!+.3\$*!.81)!5\$J/%2! \$8,'3./,&!\$%*!0,/A81\$,)!,'\$,!,')!6.)0/*)%,!0'\$11!%3,!'\$()!,')!A3-).!,3!.)53()! ,')!\$2)%4&K0!3>>/4).0!,')!-\$&!')!4\$%!.)53()!5)5+).0!3>!,')!)=)48,/()!